

泉州七中 2018 级高二下数学周练 3(命卷人: 赖艳红)

班级:    座号    姓名:

一、选择题 (本大题共 4 小题, 共 40 分)

$$\sin\left(\frac{\pi}{3}-\alpha\right)=\frac{\sqrt{3}}{3}, \quad \alpha \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right), \quad \cos\left(2\alpha-\frac{\pi}{6}\right)=$$

$\frac{\sqrt{3}}{2}$                        $\frac{\sqrt{3}}{2}$                        $\frac{\sqrt{3}}{2}$                        $\frac{\sqrt{3}}{2}$

$$(\quad) = \sin^2 \cos - \sqrt{3} \sin^2 + \frac{\sqrt{3}}{2}$$

-                      -                      -                      -  
 -,                      -,                      -  
 -, -  
 , -                      , -                      ,                      -,

二、不定项选择题 (本大题共 1 小题, 共 10 分)

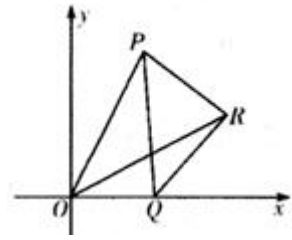
(                      , | | - )    ( - )                      | (-) |  
 ( - , - )  
 (-)

三、填空题 (本大题共 3 小题, 共 30 分)

|                      |                      -  
 Δ                      —    —  
 Δ  
 Δ                       $\frac{\sqrt{3}}{2}$ (                      )  
 Δ

四、解答题（本大题共 1 小题，共 20 分）

- | |



1. 【 】

【 】 【 】

主 了 三 ， ， 二倍 三 值中  
， 了 ， 于 。

三  $\cos \frac{\pi}{3}$  ， ， 二倍

【 】

∵  $\sin \frac{\pi}{3} = \frac{\sqrt{3}}{3}$ ，  $\frac{\pi}{3} \in (0, \frac{\pi}{2})$ ，  $\frac{\pi}{3} \in (\frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{3})$ ，

$$\therefore \cos(\frac{\pi}{3} - \alpha) = \sqrt{1 - \sin^2(\frac{\pi}{3} - \alpha)} = \frac{\sqrt{6}}{3}$$

$$\therefore \cos 2 \frac{\pi}{6} = \sin^2 \frac{\pi}{6} - \cos^2 \frac{\pi}{6} = \sin^2 \frac{\pi}{3} - \cos^2 \frac{\pi}{3}$$

$$= 2 \frac{\sqrt{3}}{3} \frac{\sqrt{6}}{3} - \frac{2\sqrt{2}}{3}$$

∴

2. 【 】

【 】 【 】

二倍 ， ， 于 。

$$f(x) = \sin x \cos x - \sqrt{3} \sin^2 x + \frac{\sqrt{3}}{2} = \sin(2x + \frac{\pi}{3})$$

$\sin 2 \frac{\pi}{3} = \sin 2 \frac{2\pi}{3}$ ， 为 ，  $2 \frac{\pi}{3}$  。

【 】

$$f(x) = \sin x \cos x - \sqrt{3} \sin^2 x + \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$= \frac{1}{2} \sin 2x - \sqrt{3} \cdot \frac{1 - \cos 2x}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2} = \sin(2x + \frac{\pi}{3})$$

0 个 位 ， 为  $\sin 2 \frac{\pi}{3} = \sin 2 \frac{2\pi}{3}$ ，

为 ，  $2 \frac{\pi}{3}$  ，  $\in$  ，

∴  $\frac{\pi}{6} \in (0, \frac{\pi}{2})$ ，  $\frac{\pi}{6} \in (0, \frac{\pi}{3})$ ，

0 ， 值为  $\frac{1}{6}$ 。

3. 【 】

【 】 【 】

了 以 、 余 ， 。

、 , 、余 , 一 , 、 、 .

【 】

$$: \sin \frac{2}{7}, \quad \cos \frac{12}{7} = \cos 2 \frac{2}{7} = \cos \frac{2}{7},$$

$$\tan \frac{9}{7} = \tan \frac{2}{7} \tan \frac{2}{7}, \quad \text{且 } \frac{2}{7} < \frac{\pi}{2},$$

$$\therefore \cos \frac{2}{7} = \sin \frac{2}{7} \tan \frac{2}{7},$$

\(\therefore\) ;

4. 【 】

【 】 【 】

与 , \(\in \frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{2}\), \(\frac{\pi}{4}\),

, 为 .

【 】

$$: \frac{\pi}{4} < \frac{\pi}{2}, \quad 0 < \frac{\pi}{4} < \frac{\pi}{4} \quad \omega x - \frac{\pi}{4} < \frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{4},$$

为 \(2 \frac{\pi}{2}, 2 \frac{3}{2}\), \(\in\),

$$\text{以 } (\frac{\pi}{4}\omega - \frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{2}\omega - \frac{\pi}{4}) \subseteq [2k\pi + \frac{\pi}{2}, 2k\pi + \frac{3\pi}{2}], k \in Z,$$

$$\text{以 } \left\{ \frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{4}, 2 \frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}, \frac{3}{2} \right\}, \in, \left\{ \frac{8}{4}, \frac{3}{2} \right\}, \in,$$

$$4 \frac{7}{2}, 8 \frac{3}{2}, \frac{1}{2}, \in, 0,$$

以 0,

$$\text{以 } 3 \frac{7}{2},$$

5. 【 】

【 】 【 】

三 与 值 , 于 中 .  
件依 .

【 】

$$: \text{于 } A, \quad \sin \text{ 为 } \frac{1}{2}, \quad \frac{\pi}{2}, \in,$$

\(|\sin| < \frac{1}{2}\), 不 , \(A\);

于 \(B\), 于 \(|\sin| < \frac{3}{8}\), \(\frac{3}{8}\) 值,



●

●

8. 【 】  $4\sqrt{3}$  4,12 .

【 】 主 了 余 、 三 、 中 .  
余  $\sin$  与  $\cos$  , 一 , 2 ,  
为 三 , 一 值 , 从 .

$$\therefore \text{余} \quad \begin{cases} 4^2 = a^2 + b^2 - 2ab\cos C \\ \frac{\sqrt{3}}{4}(a^2 + b^2 - 4^2) = \frac{1}{2}ab\sin C \end{cases}$$

$$\therefore \sqrt{3} \quad , \therefore C = \frac{\pi}{3}$$

$$\therefore \frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R$$

$$\therefore 2R = \frac{4}{\sin \frac{\pi}{3}} = \frac{8\sqrt{3}}{3} \quad , \quad \frac{8\sqrt{3}}{3}$$

$$\text{三} \quad , \therefore B = \frac{2\pi}{3} - A \quad , \quad \frac{\pi}{6} < A < \frac{\pi}{2}$$

$$\therefore a + b = \frac{8\sqrt{3}}{3} [\sin A + \sin(\frac{2\pi}{3} - A)] = \frac{8\sqrt{3}}{3} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{3}{2} = 8\sin(A + \frac{\pi}{6})$$

$$\therefore \frac{\pi}{6} < A < \frac{\pi}{2} \quad , \therefore \frac{\pi}{3} < A + \frac{\pi}{6} < \frac{2\pi}{3}$$

$$\therefore \in \frac{\sqrt{3}}{2}, 1$$

$$\therefore \in 4\sqrt{3}, 8 \quad , \therefore \in 4\sqrt{3} \quad 4,12 .$$

为  $4\sqrt{3}$  4,12 .

9. 【 】 :  $\frac{\pi}{3}$  , 为  $1, \sqrt{3}$  ,

$$\text{以 } \angle OQP = \frac{\pi}{2} \text{ , 且 } | \quad | \quad \sqrt{3} .$$

$$\text{以 } \angle OQR = \frac{3\pi}{4} \text{ , } |RQ| = |PQ|\cos \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{6}}{2} \text{ ,}$$

中, 余 ,

$$|OR|^2 = |OQ|^2 + |RQ|^2 - 2|OQ||RQ|\cos \frac{3\pi}{4} = 1^2 + \frac{3}{2} - 2 \cdot 1 \cdot \frac{\sqrt{6}}{2} \cdot \left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right) = \frac{5}{2} - \sqrt{3} .$$

, / / 2,  $\angle$  .

$$S = \frac{1}{2}|OP| \cdot |OQ|\sin\theta + \frac{1}{4}|PQ|^2 = \sin\theta + \frac{1}{4}(1^2 + 2^2 - 2 \times 1 \times 2\cos\theta) = \sin\theta - \cos\theta + \frac{5}{4} = \sqrt{2}\sin(\theta - \frac{\pi}{4}) + \frac{5}{4} .$$

$$\text{为 } \in 0 \text{ , 以 } \frac{3}{4} \text{ , 值为 } \sqrt{2} \cdot \frac{5}{4} .$$

【 】 三 三 , 余 , , 三 , 三 值,  
两 与 三 , 三 义 与 值 .

, , ,  $\angle$  , 余  $| \quad |^2$ ;

于 为不 , 以 , 三 ,  
, 义 值,